## EXERCICE 1

On considère le repère (O ; I, J) orthonormé, le point C(1 ; 1) et le point M sur la demi-droite [OI) d'abscisse a. Les droites (OC) et (JM) se coupent en E.

- 1. Montrer que l'abscisse de E est  $\frac{a}{1+a}$ . Quel est son ordonnée ?
- 2. Montrer que la somme des aires des triangles ECJ et OEM est égale à  $\frac{a^2+1}{2(1+a)}$ .
- 3. On note f la fonction définie sur  $[0; +\infty [par f(x) = \frac{x^2 + 1}{2(1 + x)}]$ .
- a) Déterminer la fonction dérivée de f.
- b) En déduire les variations de f sur son ensemble de définition.
- 4. Quelle est le minimum de la somme des aires des triangles ECJ et OEM. Pour quelle valeur de a est-elle atteinte ?
- 5. La somme des aires peut-elle être égale à 10 ? Si oui, pour quelle valeur de a ?

## EXERCICE 2

On inscrit dans une sphère de rayon 3 cm un cylindre comme sur le figure ci-contre.

La sphère a pour centre le point O et pour diamètre [BB'].

Le point M sur [OB] est le centre du disque de base du cylindre et M' est le symétrique de M par rapport à O.

- 1. Déterminer le rayon du disque de base du cylindre et le volume V de ce cylindre en fonction de OM = x.
- 2. Préciser l'ensemble de définition de la fonction V.
- 3. Déterminer la fonction dérivée de V.
- 4. En déduire les variations de V sur son ensemble de définition.
- 4. Quelle est le maximum de la fonction V et pour quelle valeur de *x* elle est atteinte.
- 5. Le volume du cylindre peut-il être égal à la moitié du volume de la sphère ? Justifier la réponse.

Rappel : volume d'une sphère de rayon R est égal à  $\frac{4}{3} \pi R^3$ .

